(問題61)

係数が実数の範囲でx8+1を因数分解せよ。

(問題 6 2) $x = \sqrt[3]{7 + 5\sqrt{2}}$, $y = \sqrt[3]{7 - 5\sqrt{2}}$, $x^3 + y^3 = 14$ のとき、 $x^2 + y^2$ と $x^4 + y^4$ を求めよ。

(問題63)

- (1) 2つの整式 $P(x) = x^4 + ax^3 + bx^2 + cx + 12$, $Q(x) = x^4 + cx^3 + bx^2 + ax + 12$ (ただし $a \neq c$)が 1 次式の共通な因数をもつとき P(x)を因数分解せよ。
- (2) (1)の整式P(x)とQ(x)が、2次式の共通な因数を持つとき、 b^2-c^2 をaを用いてあらわせ。

(問題64)

$$X = \begin{pmatrix} -1 & 3 \\ 3 & 4 \end{pmatrix}$$
のとき X^5 を求めよ。

(問題65)

行列
$$A$$
を $A = \begin{pmatrix} x & \sqrt{y} \\ -\sqrt{y} & x \end{pmatrix}$ $(y > 0)$ とするとき $A^3 = -8 \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ を満たす x, y の値を求めよ。

(問題66)

a > 0, b > 0, c > 0 のとき次の不等式を証明せよ。

(1)
$$\frac{x^2}{a} + \frac{y^2}{b} \ge \frac{(x+y)^2}{a+b}$$

(2)
$$\frac{x^2}{a} + \frac{y^2}{b} + \frac{z^2}{c} \ge \frac{(x+y+z)^2}{a+b+c}$$

(問題67)

次の連立方程式を解け。

$$\begin{cases} x + y + xy = 1\\ x^2 + 5xy + y^2 = 7 \end{cases}$$

(問題68)

連立方程式
$$ax + y = 1,4x + ay = 2$$
を解くと、 $a \neq \mathbb{P}$ かつ $a \neq \mathbb{A}$ のとき $x = \boxed{p}$, $y = \mathbb{I}$ $a = \mathbb{P}$ のとき解なし。 $a = \mathbb{A}$ のとき

(問題69)

$$X = \begin{pmatrix} x & y \\ z & w \end{pmatrix}$$
、 $N = \begin{pmatrix} 0 & na \\ 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} a \neq 0, n$ は自然数とする)

 $X^2 = N$ を満たす行列Xは存在しないことを証明せよ。

(問題70)

大、中、小3個のサイコロを投げるとき目の積が4の倍数になる場合の数を求めよ。